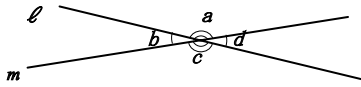


図形2-1 角の性質

学習日 月 日 ()

1 図のように、2直線 ℓ , m が交わっています。このとき、次の各問いに答えなさい。

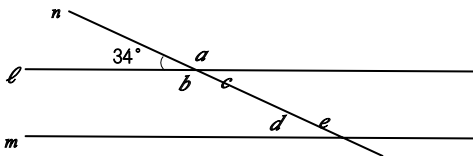


(1) $\angle a$ と $\angle c$ のように向かい合っている角のことを何というでしょう。

(2) $\angle a$ が 152° のとき、 $\angle b$, $\angle c$ の大きさを、それぞれ求めなさい。

$\angle b =$	$\angle c =$
--------------	--------------

2 図のように、2本の平行な直線 ℓ , m に、直線 n が交わっています。このとき、次の各問いに答えなさい。



(1) $\angle a$ と $\angle b$ のように向かい合っている角のことを何というでしょう。

(2) $\angle a$ と $\angle e$ のような位置にある2つの角のことを何というでしょう。

(3) $\angle c$ と $\angle d$ のような位置にある2つの角のことを何というでしょう。

(4) $\angle a$, $\angle b$, $\angle c$, $\angle d$, $\angle e$ の大きさを、それぞれ求めなさい。

$\angle a =$	$\angle b =$	$\angle c =$
$\angle d =$	$\angle e =$	

()には角の名前が入るよ。わかるかな？



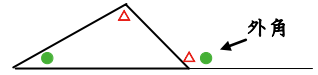
2つの直線に1つの直線が交わる時、次のことが成り立つ。

- ① 2つの直線が平行ならば、
 (), () は等しい。
 ② (), () が等しいならば、
 この2つの直線が平行である。

()には角の大きが入るよ。わかるかな？

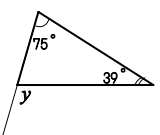


- ① 三角形の3つの内角の和は () である。
 ② 三角形の1つの外角は、それととなり合わない2つの内角の和に等しい。



3 次の図で、 $\angle x$, $\angle y$ の大きさを求めなさい。

(1)  $\angle x =$

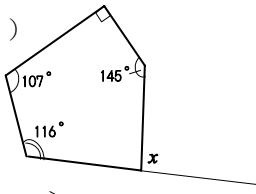
(2)  $\angle y =$

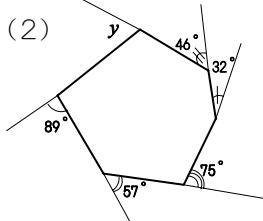
()には数式や角の大きが入るよ。わかるかな？




- ① n 角形の内角の和は、 $180^\circ \times ()$ である。
 ② 多角形の外角の和は、() である。

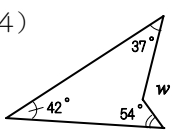
4 次の図で、 $\angle x$, $\angle y$, $\angle z$, $\angle w$ の大きさを求めなさい。

(1)  $\angle x =$

(2)  $\angle y =$

(3) 正八角形の1つの内角 $\angle z$

 $\angle z =$

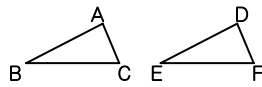
(4)  $\angle w =$

くさび形(ブーメラン形)の法則
 (ヒント:どこかに1本補助線をひく)

1 次の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。

(1) 2つの図形がぴったり重なるとき、これらの図形は()であるという。このとき、重なり合う頂点、辺、角を、それぞれ()する頂点、辺、角という。

(2) $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ が合同であることを、記号を使って、
 $\triangle ABC$ () $\triangle DEF$ と表す。



(3) あることがらが成り立つわけを、すじ道を立てて明らかにすることを()という。その中で、^{あた}与えられてわかっていることを()、導こうとしていることを()という。

()にあてはまる言葉がわかるかな？



- ① 合同な図形では、対応する線分の長さは()。
- ② 合同な図形では、対応する角の大きさは()。

★ 三角形の合同条件 ★

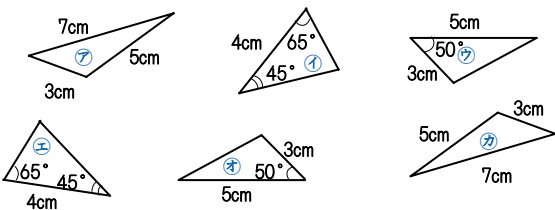
()にあてはまる言葉がわかるかな？



2つの三角形は、次のどれかが成り立つとき合同である。

- ① () がそれぞれ等しい。
- ② () がそれぞれ等しい。
- ③ () がそれぞれ等しい。

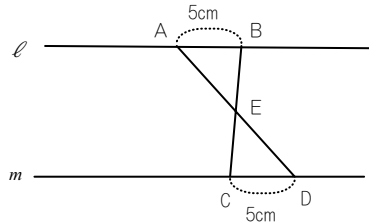
2 下の図の三角形を、合同な三角形の組に分け、記号で答えなさい。また、そのときに使った合同条件をいいなさい。



と	合同条件
と	合同条件
と	合同条件

3 図のように、2本の平行な直線 ℓ, m を引き、直線 ℓ 上に $AB = 5\text{cm}$ となるように2点 A, B をとる。同様に、直線 m 上に $CD = 5\text{cm}$ となるように2点 C, D をとり、2直線 AD, BC の交点を E とする。

この図で、合同な三角形の証明を次のようにしました。()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



証明の際には、対応する頂点、辺、角をおさえてかこう！

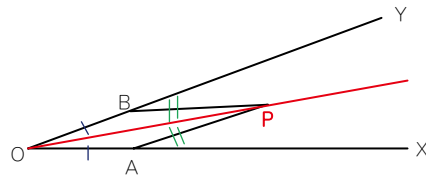
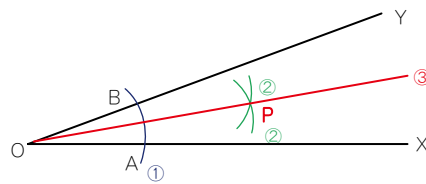


(証明)

$\triangle ABE$ と () で、
 仮定より、 $AB =$ () ...①
 2直線が平行なので、錯角は等しいから、
 $\angle BAE =$ () ...②
 () = $\angle DCE$...③
 ①, ②, ③より、() がそれぞれ等しいので、
 $\triangle ABE \equiv$ () (証明終)

(注) この図で、対頂角は等しいので、 $\angle AEB = \angle DEC$ ですが、今回の証明には使いませんでした。

4 $\angle XOY$ の二等分線の作図では、図のように①～③の手順で直線 OP を引きます。このことを次のように証明しました。()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

A と P 、 B と P を結ぶ。
 $\triangle OAP$ と () で、
 仮定より、 $OA =$ () ...①
 () = BP ...②
 共通な辺だから、() = () ...③
 ①, ②, ③より、() がそれぞれ等しいので、
 $\triangle OAP \equiv$ ()
 合同な図形では、対応する角の大きさは等しいので、
 $\angle AOP =$ ()
 よって、 $\angle XOP =$ () (証明終)

1 次の()にあてはまる言葉を答えなさい。

(1) 2つ辺が等しい三角形を()という。

3つ辺がすべて等しい三角形を()という。

□のように、使うことばの意味をはっきり述

べたものを()という。

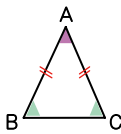
(2) 図の $AB=AC$ である二等辺三角形 ABC で、

等しい辺のつくる角 $\angle A$ を(),

$\angle A$ に対する辺 BC を(),

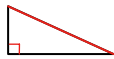
底辺の両端の角 $\angle B$ と $\angle C$ を()

という。



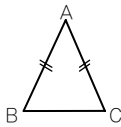
(3) 直角三角形で、直角に対する辺を()

という。



2 ㉞二等辺三角形の2つの底角は等しい。

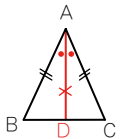
このことからについて、次の各問いに答えなさい。



(1) 図のように、 $AB=AC$ の二等辺三角形を考えると、㉞のことがらの仮定と結論を記号でいいなさい。

仮定	結論

(2) ㉞のことがらの証明をした次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

$\angle A$ の二等分線をひき、 BC との交点を D とする。

$\triangle ABD$ と()で、

仮定より、 $AB = () \dots ①$

$() = \angle CAD \dots ②$

共通な辺だから、 $() = () \dots ③$

①、②、③より、()がそれぞれ等しいので、

$\triangle ABD \equiv ()$

合同な図形では、対応する角の大きさは等しいので、

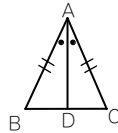
$\angle ABD = ()$ つまり、 $\angle B = ()$ (証明終)

(3) ㉞のように、証明されたことがらのうち、基本となる大切なものを何というか答えなさい。

3

㉞二等辺三角形の頂角の二等分線は、底辺を垂直に2等分する。

このことがらの証明をした次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

$\angle A$ の二等分線と BC との交点を D とする。

()と $\triangle ACD$ で、

仮定より、 $() = AC \dots ①$

$\angle BAD = () \dots ②$

共通な辺だから、 $() = () \dots ③$

①、②、③より、()が

で、それぞれ等しいので、

$() \equiv \triangle ACD$

合同な図形では、対応する辺の長さや角の大きさは等しいので、

$() = CD \dots ④$

$() = \angle ADC \dots ⑤$

⑤と $\angle ADB + \angle ADC = ()^\circ$ より、

$() = \angle ADC = ()^\circ$

つまり、 $() \perp BC \dots ⑥$

④、⑥より、二等辺三角形の頂角の二等分線は、底辺を垂直に2等分する。(証明終)



重要な定理!

4 ㉞2つの角が等しい三角形は、二等辺三角形である。

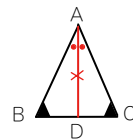
このことからについて、次の各問いに答えなさい。

(1) 2の㉞と4の㉞の関係を何というか答えなさい。

仮定と結論が入れかわっている!



(2) ㉞のことがらの証明をした次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明) 図のように、 $\angle B = \angle C$ の二等辺三角形 ABC で、 $\angle A$ の二等分線をひき、 BC との交点を D とする。

$\triangle ABD$ と()で、

仮定より、 $\angle ABD = () \dots ①$

$\angle BAD = () \dots ②$

三角形の内角の和は 180° だから、①、②から、

$\angle ADB = () \dots ③$

共通な辺だから、 $() = () \dots ④$

②、③、④より、()がそれぞれ

等しいので、 $\triangle ABD \equiv ()$

よって、 $AB = ()$ (証明終)

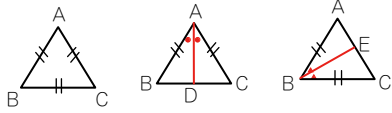
図形2-4 三角形の性質と証明(2)

学習日 月 日()

1 定義:3つの辺がすべて等しい三角形を正三角形という。

定理1:正三角形の3つの角は等しい。

定義を用いて定理1が成り立つことを証明した次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

∠Aの二等分線をひき、BCとの交点をDとする。

△ABDと()で、

仮定より、 $AB = ()$ …①

$() = \angle CAD$ …②

共通な辺だから、 $() = ()$ …③

①, ②, ③より、()が

それぞれ等しいので、

$\triangle ABD \equiv ()$

$\angle ABD = ()$ つまり、 $\angle B = ()$ …④

同様に、

∠Bの二等分線をひき、ACとの交点をEとする。

△ABEと()で、

仮定より、 $AB = ()$ …⑤

$\angle ABE = ()$ …⑥

共通な辺だから、 $() = ()$ …⑦

⑤, ⑥, ⑦より、()が

それぞれ等しいので、

$\triangle ABE \equiv ()$

$\angle BAE = ()$ つまり、 $\angle A = ()$ …⑧

④, ⑧より、 $\angle A = \angle B = \angle C$ (証明終)

(注) 定理1の逆の定理2も成り立つ。(証明省略)

定理2:3つの角がすべて等しい三角形は正三角形である。

★直角三角形の合同条件★

()にあてはまる言葉がわかるかな?



2つの直角三角形は、次のどれかが成り立つとき合同である。

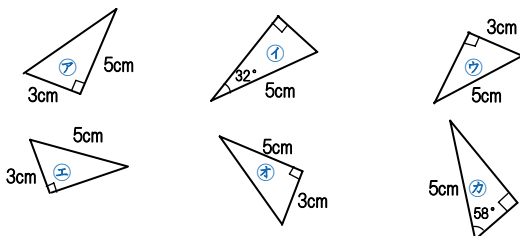
① () がそれぞれ等しい。



② () がそれぞれ等しい。



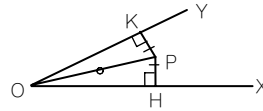
2 下の図の三角形を、合同な三角形の組に分け、記号で答えなさい。また、そのときに使った合同条件をいいなさい。



と	合同条件
と	合同条件
と	合同条件

3 定理3:∠XOYの内部の点Pから、2辺OX, OYにひいた垂線PH, PKの長さが等しいとき、OPは∠XOYを二等分する。

定理3が成り立つことを証明した次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

△OPHと()で、

仮定より、 $PH \perp ()$, $() \perp OY$ より、

$\angle PHO = () = 90^\circ$ …①

また、仮定より、 $PH = ()$ …②

共通な辺だから、 $() = ()$ …③

①, ②, ③より、直角三角形の()

がそれぞれ等しいので、

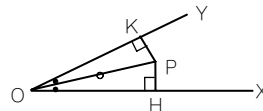
$\triangle OPH \equiv ()$

よって、 $\angle POH = ()$

つまり、OPは∠XOYを2等分する。(証明終)

4 定理4:∠XOYの二等分線上の点Pから、2辺OX, OYに垂線PH, PKをひくとき、 $PH = PK$ である。

定理3の逆の定理4も成り立つことを証明した次の文の()に、あてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

△OPHと()で、

仮定より、 $PH \perp ()$, $() \perp OY$ より、

$\angle PHO = () = 90^\circ$ …①

また、仮定より、 $\angle POH = ()$ …②

共通な辺だから、 $() = ()$ …③

①, ②, ③より、直角三角形の()

がそれぞれ等しいので、

$\triangle OPH \equiv ()$

よって、 $PH = ()$ (証明終)

5 次のことがらの逆をいいなさい。

また、それが正しいかもいいなさい。

(1) 三角形ABCで、 $\angle A = 90^\circ$ ならば三角形ABCは直角三角形である。

--	--

(2) 整数a, bがともに正ならば積abは正である。

--	--

図形2-5 四角形の性質と証明

学習日 月 日()

1 次の四角形の定義を表した文の()にあてはまる言葉を答えなさい。

2組の向かい合う辺がそれぞれ平行な四角形を()という。

4つの角がすべて等しい四角形を()という。

4つの辺がすべて等しい四角形を()という。

4つの角がすべて等しく、4つの辺がすべて等しい四角形を()という。



絵の中の平行四辺形をさがしてみよう!



※「なまこ壁」は、蔵などの壁に防火・防水のために瓦を並べ、その継ぎ目を漆喰で盛り上げて固めた壁のことです。鳥取県中部地区に多く見られ、その美しい景観は鳥取県の魅力のひとつです。貴重な技や文化の伝統を引き継いでいきたいものです。

★平行四辺形になるための条件★
()にあてはまる言葉がわかるか



- 四角形は、次のどれかが成り立つとき平行四辺形である。
- ① () がそれぞれ平行である。(定義)
 - ② () がそれぞれ等しい。
 - ③ () がそれぞれ等しい。
 - ④ () がそれぞれの()で交わる。
 - ⑤ () が平行でその長さが等しい。

2 次の四角形 ABCD で、平行四辺形といえるのはどれでしょう。記号で答えなさい。

㉚ $AB = CD, AD = BC$ 図をかいて考えよう

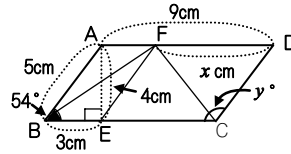
㉛ $\angle A = \angle B, \angle C = \angle D$

㉜ $AB \parallel CD, AD = BC$

㉝ $\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$

㉞ $AD = BC, AD \parallel BC$

3 図のような平行四辺形 ABCD において、 $AB \parallel FE$ である。このとき、次の各問いに答えなさい。

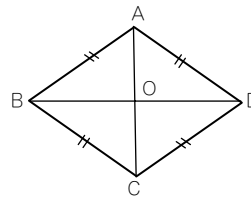


(1) x, y の値を求めなさい。

(2) $\triangle FEC$ の面積を求めなさい。

4 ひし形の対角線は直交する。

この定理を証明した次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明)

ひし形 ABCD の対角線 AC, BD をひき、その交点を O とする。

$\triangle ABO$ と $\triangle ADO$ で、

定義より、 $AB = () \dots ①$

平行四辺形の対角線は中点で交わるから、

$BO = () \dots ②$

共通な辺だから、 $() = () \dots ③$

①, ②, ③ より、 $()$ がそれぞれ等しいので、

$\triangle ABO \equiv ()$

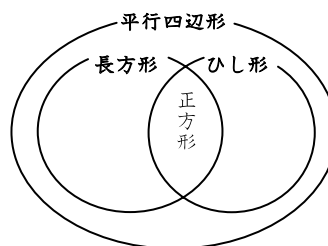
よって、 $\angle AOB = () \dots ④$

また、 $\angle AOB + \angle AOD = ()^\circ \dots ⑤$

④, ⑤ より、 $\angle AOB = \angle AOD = ()^\circ$

したがって、 $AO \perp ()$

つまり、 $AC \perp ()$ (証明終)

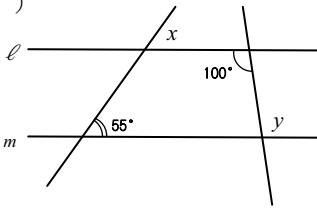


ひし形は平行四辺形でもあるね!



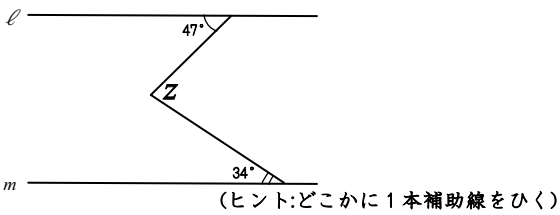
1 次の図で、 $l \parallel m$ のとき、 $\angle x$ 、 $\angle y$ 、 $\angle z$ 、 $\angle w$ の大きさを求めなさい。

(1)



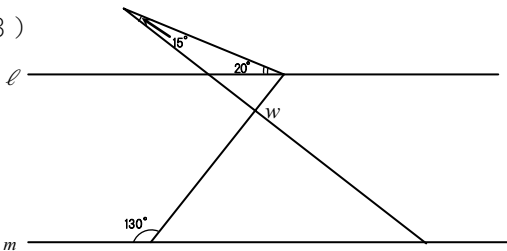
$\angle x =$	$\angle y =$
--------------	--------------

(2)



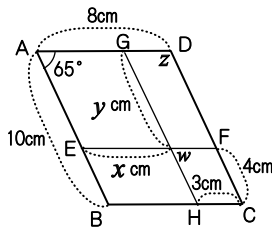
$\angle z =$

(3)



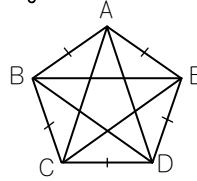
$\angle w =$

2 図のような平行四辺形 ABCD において、 $AD \parallel EF$ 、 $AB \parallel GH$ である。このとき、 x 、 y の値、 $\angle z$ 、 $\angle w$ の大きさを求めなさい。



$x =$	$y =$
$\angle z =$	$\angle w =$

3 正五角形 ABCDE について、次の各問いに答えなさい。



(1) 1つの内角の大きさを求めなさい。

(2) 図のように対角線を引いて星形正五角形をつくる。このとき、三角形 ACD が二等辺三角形であることを証明した次の文の()にあてはまる言葉や記号を答えなさい。

(証明)

$\triangle ABC$ と () で、

仮定より、 $AB =$ () ...①

$BC =$ () ...②

$\angle ABC =$ () ...③

①、②、③より、() がそれぞれ等しいので、

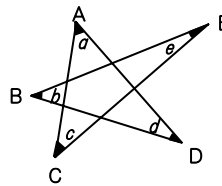
$\triangle ABC \equiv$ ()

よって、 $AC =$ () つまり、

$\triangle ACD$ は二等辺三角形である。(証明終)

(3) $\angle CAD$ および $\angle ACD$ の大きさを求めなさい。

(4) 星形正五角形の5つの頂角の和を求めなさい。



一般の星形五角形の頂角の和はいくらかな？



図形3-1 相似な図形

学習日 月 日()

()にあてはまる言葉がわかるかな？

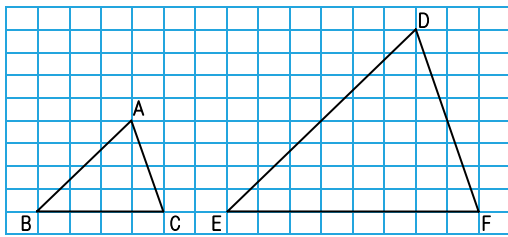


- (1) ある図形を、形を変えないで一定の割合に拡大、または縮小して得られる図形は、もとの図形と①()であるという。 $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ が①の関係であることを、記号を使って $\triangle ABC$ () $\triangle DEF$ と表す。
- (2) ①の関係にある2つの図形では、対応する辺の長さの②()はすべて等しく、対応する角の大きさはそれぞれ等しい。このとき、対応する辺の長さの②を()という。



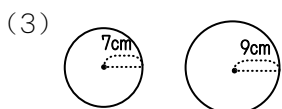
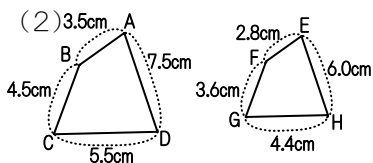
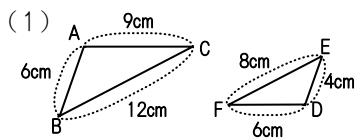
(1)のヒント：似ているという意味の熟語だよ。記号はsimilar（似ている）の頭文字を横にしたものといわれているよ。

1 下の図で、 $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ は相似です。このとき、次の各問いに答えなさい。



- (1) $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ の対応する辺の長さの比をすべて求めなさい。
- (2) $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ の相似比を求めなさい。

2 次のような相似な図形の相似比を、それぞれ求めなさい。



★比の性質★

$a:b=c:d$ ならば $ad=bc$

外側の積と内側の積は等しいよ！

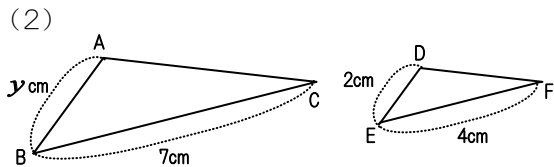
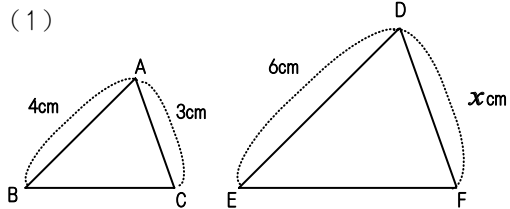


3 次の x の値を求めなさい。

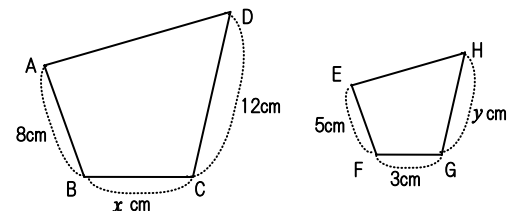
(1) $x:3=4:5$

(2) $2:9=x:3$

4 下の図で、 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ であるとき、次の x, y の値を求めなさい。



5 下の図で、四角形 $ABCD \sim$ 四角形 $EFGH$ であるとき、次の x, y の値を求めなさい。



相似な2つの図形の相似比が1:1のとき、この2つの図形の関係を何というかな？



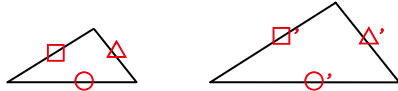
()にあてはまる言葉がわかるかな？



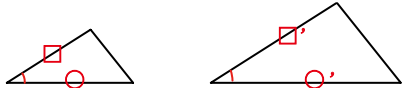
★三角形の相似条件★

2つの三角形は、次のどれかが成り立つとき相似である。

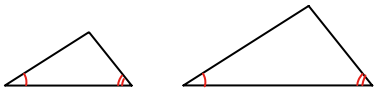
① () がすべて等しい。



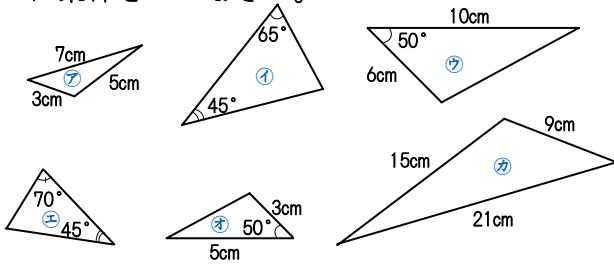
② () がそれぞれ等しい。



③ () がそれぞれ等しい。

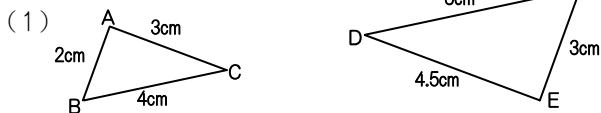


1 下の図の三角形を、相似な三角形の組に分け、記号で答えなさい。また、そのときに使った相似条件をいいなさい。

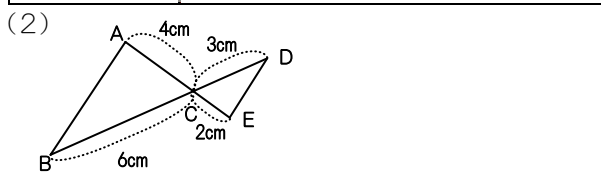


と	相似条件
と	相似条件
と	相似条件

2 下の図において、相似な三角形を記号を使って表しなさい。また、そのときに使った相似条件をいいなさい。

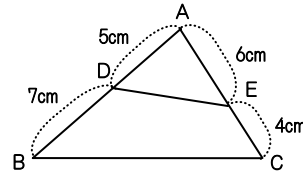


相似な三角形	$\triangle ABC$
相似条件	



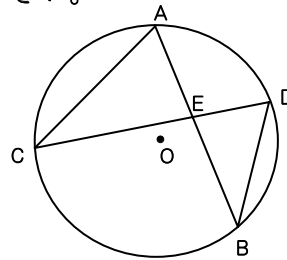
相似な三角形	$\triangle ABC$
相似条件	

3 下の図で、 $\triangle ABC$ の $\triangle AED$ であることを証明した次の文の () にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明) $\triangle ABC$ と () で、
 $AB : AE = () : () \dots \textcircled{1}$
 $AC : AD = () : () \dots \textcircled{2}$
 共通な角だから、 $\angle BAC = () \dots \textcircled{3}$
 $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$, $\textcircled{3}$ より、() がそれぞれ等しいので、
 $\triangle ABC \sim ()$ (証明終)

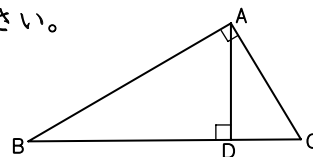
4 下の図のように、円Oに2つの弦AB, CDをひき、その交点をEとする。このとき、 $\triangle ACE$ の $\triangle DBE$ であることを証明した次の文の () にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明) $\triangle ACE$ と () で、
 \widehat{CB} に対する円周角は等しいから、
 $\angle CAE = () \dots \textcircled{1}$
 対頂角は等しいから、
 $\angle AEC = () \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より、() がそれぞれ等しいので、
 $\triangle ACE \sim ()$ (証明終)

(注) \widehat{AD} に対する円周角 $\angle ACE = \angle DBE$ は省略した。

5 $\angle A = 90^\circ$ である直角三角形ABCで、点Aから辺BCに垂線ADをひく。このとき、 $\triangle ABC$ の $\triangle DBA$ であることを証明した次の文の () にあてはまる言葉や記号を答えなさい。



(証明) $\triangle ABC$ と () で、
 直角だから、 $\angle BAC = () \dots \textcircled{1}$
 共通な角だから、 $\angle ABC = () \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より、() がそれぞれ等しいので、
 $\triangle ABC \sim ()$ (証明終)

図形3-3 平行線と線分の比

学習日 月 日 ()

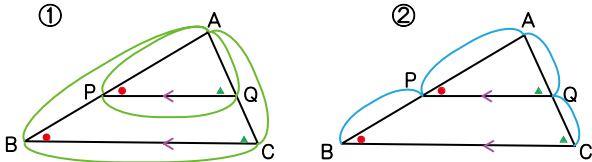
★三角形と辺の比★

$\triangle ABC$ の辺 AB, AC 上に、それぞれ、点 P, Q があり、 $PQ \parallel BC$ ならば、次が成り立つ。

① $AP : AB = AQ : AC = PQ : BC$

② $AP : PB = AQ : QC$

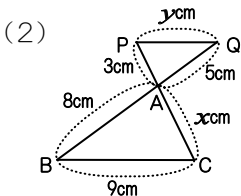
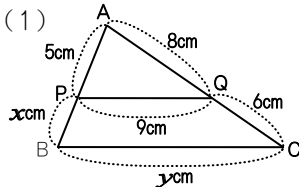
(注) ①, ②は逆も成り立つ。



1 上の「三角形と辺の比の性質①」が成り立つことを証明した次の文の () にあてはまる言葉や記号を答えなさい。

(証明) $\triangle APQ$ と () で、
 $PQ \parallel BC$ より、同位角は等しいので、
 $\angle APQ = () \dots ①$
 $\angle AQP = () \dots ②$
 ①, ②より、() がそれぞれ等しいので、
 $\triangle APQ \sim ()$
 対応する辺の比はそれぞれ等しいので、
 $AP : AB = AQ : AC = PQ : BC$ (証明終)

2 下の図で、 $PQ \parallel BC$ のとき、 x, y の値を求めなさい。

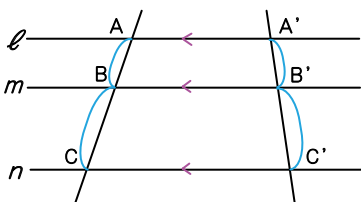


★平行線と線分の比★

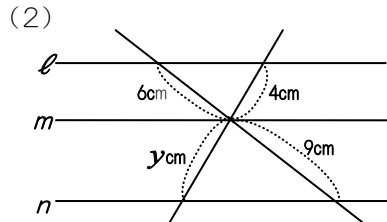
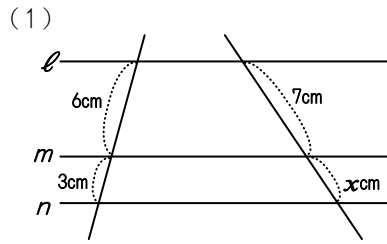
3つの平行な直線 l, m, n に、2つの直線が図のように交わっているとき、次が成り立つ。

$AB : BC = A'B' : B'C'$

(注) 逆も成り立つ。証明は省略。



3 下の図で、 $l \parallel m \parallel n$ のとき、 x, y の値を求めなさい。



()にあてはまる記号や数式がわかるかな?

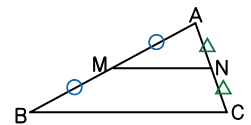


★中点連結定理★

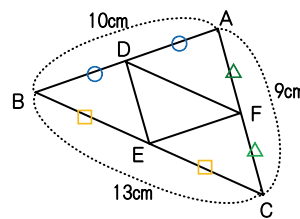
$\triangle ABC$ の2辺 AB, AC の中点を、それぞれ、 M, N とすると、次の関係が成り立つ。

$MN \parallel BC$

$MN = \frac{1}{2} BC$



4 下の図のように、 $\triangle ABC$ の辺 AB, BC, CA の中点を、それぞれ、 D, E, F とすると、 $\triangle DEF$ の周の長さを求めなさい。



5 下の図のように、 $AD \parallel BC$ の台形 $ABCD$ の、 AB, CD の中点を、それぞれ、 M, N とすると、線分 MN の長さを求めなさい。

